

**LABJND-Modifikationen des Farbenraums und der Farbabstandformel mit Linienelementen für unterschiedliche Anwendungen**

Beispiel-Linienelement in Helligkeitsrichtung nach *Stiles (1946)*, der die Leuchtdichte *L* anstelle von des Normfarbwertes *Y* benutzte.

$$L^*(Y) = s \ln[1+9Y] \quad s = \text{Skalierungsfaktor} \quad [1a]$$

$$d(L^*(Y)) / dY = 9s / [1+9Y] \quad [2a]$$

Für diese Ableitung und die Helligkeitsschwelle  $d(L^*(Y))=1$  gilt:

$$dY = [1+9Y] / 9s \quad [3a]$$

Für die Normierung mit den Umfeldwerten  $Y_u=18$ ,  $dY_u$  und  $L^*(Y_u)$  gilt:

$$dY/dY_u = [1+9Y] / [1+9Y_u] \quad [4a]$$

$$L^*(Y) / L^*(Y_u) = \ln[1+9Y] / \ln[1+9Y_u] \quad [5a]$$

Für die LABJND-Farbdifferenzformel nach CIE 230:2019 gilt:

$$dY/dY_u = [A_1+A_2Y] / [A_1+A_2Y_u] \quad A_1=0,0170, A_2=0,0058 \quad [1b]$$

Es gilt mit der Definition  $A_{2u}=A_2Y_u/A_1=6,141$

$$dY/dY_u = [1+A_{2u}(Y/Y_u)] / [1+A_{2u}] \quad [2b]$$

$$L^*(Y) / L^*(Y_u) = \ln[1+A_{2u}(Y/Y_u)] / \ln[1+A_{2u}] \quad [3b]$$

Linienelemente zum LABJND-Farbenraum sind NICHT in CIE 230 enthalten.

Der Wert von  $A_{2u}$  ist für viele Anwendungen bekannt, zum Beispiel als Funktion von Abstand, Darbietungszeit und Leuchtdichte der Muster.

CGA20-3N

**CIELAB-Modifikationen des Farbenraums und der Farbabstandformel mit Linienelementen für unterschiedliche Anwendungen**

Beispiel-Linienelement in Helligkeitsrichtung nach *Stiles (1946)*, der die Leuchtdichte *L* anstelle von des Normfarbwertes *Y* benutzte.

$$L^*(Y) = s \ln[1+9Y] \quad s = \text{Skalierungsfaktor} \quad [1a]$$

$$d(L^*(Y)) / dY = 9s / [1+9Y] \quad [2a]$$

Für diese Ableitung und die Helligkeitsschwelle  $d(L^*(Y))=1$  gilt:

$$dY = [1+9Y] / 9s \quad [3a]$$

Für die Normierung mit den Umfeldwerten  $Y_u=18$ ,  $dY_u$  und  $L^*(Y_u)$  gilt:

$$dY/dY_u = [1+9Y] / [1+9Y_u] \quad [4a]$$

$$L^*(Y) / L^*(Y_u) = \ln[1+9Y] / \ln[1+9Y_u] \quad [5a]$$

Für den CIELAB-Farbenraum gilt nach ISO/CIE 11664-4:2019

$$L^*(Y) = s [Y/Y_n]^k - 16 = s_u [Y/Y_n]^k - 16 \quad s=116, k=1/3, Y_n=100, Y_u=18 \quad [1b]$$

$$d(L^*(Y)) / dY = s_u k [Y/Y_n]^{k-1} \quad \text{mit } s_u=116 [Y_u/Y_n]^k=65,50, 1 <= Y <= 100 \quad [2b]$$

Für diese Ableitung und die Helligkeitsschwelle  $d(L^*(Y))=1$  gilt:

$$dY = [Y/Y_u]^{1-k} / s_u k \quad [3b]$$

$$dY/dY_u = [Y/Y_u]^{1-k} \quad [4b]$$

$$L^*(Y) / L^*(Y_u) = \{s_u [Y/Y_u]^k - 16\} / \{s_u - 16\} \quad [5b]$$

Linienelemente zum CIELAB-Farbenraum sind enthalten in ISO/CIE 11664-4.

CGA20-7N

**Farbabstandsformel LABJND 1985 (JND = just noticeable difference)**

$$\Delta E_{JND}^* = \Delta E_{85}^* = A_0 [(\Delta Y)^2 + (A_3 \Delta a'' \cdot Y)^2 + (A_4 \Delta b'' \cdot Y)^2]^{1/2} / (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad [1]$$

$$a = x/y \quad a_n = x_n/y_n \quad b = -0,4 z/Y \quad b_n = -0,4 z_n/y_n \quad [2]$$

$$a'' = a_n + (a - a_n) / (1 + 0,5 |a - a_n|) \quad n = D65 \text{ oder } A \text{ (Umfeld)} \quad [3]$$

$$b'' = b_n + (b - b_n) / (1 + 0,5 |b - b_n|) \quad [4]$$

$$Y = (Y_1 + Y_2) / 2 \quad \Delta Y = Y_1 - Y_2 \quad \Delta a'' = a_1'' - a_2'' \quad \Delta b'' = b_1'' - b_2'' \quad [5]$$

$$A_1 = 0,0170 \quad A_2 = 0,0058 \quad [6]$$

$$A_3 = 1,0 \quad A_4 = 1,8 \quad A_0 = 1,5 \quad \text{Umfeld D65} \quad [7]$$

$$A_3 = 1,0 \quad A_4 = 1,7 \quad A_0 = 1,0 \quad \text{Umfeld A} \quad [8]$$

**Gerade erkennbarer Unterschied (JND) in vier Farbrichtungen**

$$\Delta Y = \text{const} (A_1 + A_2 \cdot Y) / A_0 \quad \text{in Leuchtdichterichtung } WN \quad [1a]$$

$$\Delta a'' \cdot Y = \text{const} (A_1 + A_2 \cdot Y) / (A_0 \cdot A_3) \quad \text{in Farbartrichtung } RG \quad [2a]$$

$$\Delta b'' \cdot Y = \text{const} (A_1 + A_2 \cdot Y) / (A_0 \cdot A_4) \quad \text{in Farbartrichtung } YB \quad [3a]$$

$$\Delta c_{ab}'' \cdot Y = \text{const} (A_1 + A_2 \cdot Y) / (A_0 \cdot [A_3^2 + A_4^2]^{1/2}) \quad \text{in Farbartrichtung } c_{ab} \quad [4a]$$

CGA21-3N

**Farbabstandsformel LABJND 1985 für nahezu unbunte Farben**

$$\Delta E_{JND}^* = \Delta E_{85}^* = A_0 [(\Delta Y)^2 + (A_3 \Delta a \cdot Y)^2 + (A_4 \Delta b \cdot Y)^2]^{1/2} / (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad [1]$$

$$a = x/y \quad b = -0,4 z/y \quad [2]$$

$$Y = (Y_1 + Y_2) / 2 \quad \Delta Y = Y_1 - Y_2 \quad \Delta a = a_1 - a_2 \quad \Delta b = b_1 - b_2 \quad [3]$$

$$A_1 = 0,0170 \quad A_2 = 0,0058 \quad [4]$$

$$A_3 = 1,0 \quad A_4 = 1,8 \quad A_0 = 1,5 \quad \text{Umfeld D65} \quad [5]$$

$$A_3 = 1,0 \quad A_4 = 1,7 \quad A_0 = 1,0 \quad \text{Umfeld A} \quad [6]$$

**Erkennbarer Unterschied (JND) in drei Farbrichtungen und Linienelemente**

$$A_0 \cdot \Delta Y = (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad \text{in Leuchtdichterichtung } WN \quad [1a]$$

$$A_0 \cdot \Delta a \cdot A_3 \cdot Y = (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad \text{in Farbartrichtung } RG \quad [2a]$$

$$A_0 \cdot \Delta b \cdot A_4 \cdot Y = (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad \text{in Farbartrichtung } YB \quad [3a]$$

$$dE_{85,L}^* = \frac{\delta}{\delta Y} L_{85}^* = \frac{\delta}{\delta Y} [(A_0 / A_2) \cdot \ln(A_1 + A_2 \cdot Y)] = A_0 \cdot dY / (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad [4a]$$

$$dE_{85,a}^* = \frac{\delta}{\delta a} a_{85}^* = \frac{\delta}{\delta a} [(A_0 \cdot A_3 \cdot Y \cdot a) / (A_1 + A_2 \cdot Y)] = A_0 \cdot da \cdot A_3 \cdot Y / (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad [5a]$$

$$dE_{85,b}^* = \frac{\delta}{\delta b} b_{85}^* = \frac{\delta}{\delta b} [(A_0 \cdot A_4 \cdot Y \cdot b) / (A_1 + A_2 \cdot Y)] = A_0 \cdot db \cdot A_4 \cdot Y / (A_1 + A_2 \cdot Y) \quad [6a]$$

CGA21-7N

Siehe ähnliche Dateien: <http://farbe.li.tu-berlin.de/CGA2/CGA2L0NP.PDF> /PS  
Technische Information: <http://farbe.li.tu-berlin.de> oder <http://130.149.60.45/~farbmetrik>

TUB-Registrierung: 20210701-CGA2/CGA2L0NP.PDF /PS  
Anwendung für Beurteilung und Messung von Display- oder Druck-Ausgabe  
TUB-Material: Code=rh4ta