

Unbunt-Rezeptorerregungsfunktion
 $Q_{ab}[x_r/a]$ für $a=0,5$ und $b=1,0$

mit $x_r = \log [L/L_u]$ (L =Testleuchtdichte)
 L_u =Umfeld-Leuchtdichte

$$Q_{ab}[x_r/a] = \frac{b}{\ln \sqrt{2}} \ln \left[\frac{1}{1 + \sqrt{2} e^{(x_r/a)}} \right] - b$$

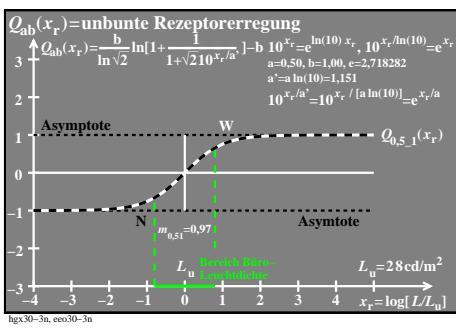
Funktionswerte für $b=1$ und jedes $a > 0$:

$$Q_{a1}[x_r/a \rightarrow -\infty] = -1 \quad x = \log L, u = \log L_u$$

$$Q_{a1}[x_r/a = 0] = 0 \quad x_r = \log [L/L_u]$$

$$Q_{a1}[x_r/a \rightarrow +\infty] = +1 \quad = x - u$$

hgx30-2n, eco30-2n



Unbunt-Rezeptorerregungsfunktion
 $Q_{ab}[x_r/a]$ für $a=0,5$ und $b=1,0$

mit $x_r = \log [L/L_u]$ (L =Testleuchtdichte)
 L_u =Umfeld-Leuchtdichte

$$Q_{ab}[x_r/a] = \frac{b}{\ln \sqrt{2}} \ln \left[\frac{1}{1 + \sqrt{2} e^{(x_r/a)}} \right] - b$$

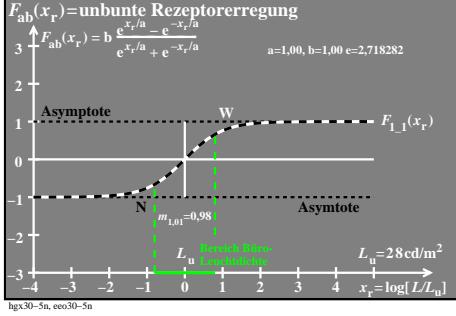
Funktionswerte für $b=1$ und jedes $a > 0$:

$$Q_{a1}[x_r/a \rightarrow -\infty] = -1 \quad x = \log L, u = \log L_u$$

$$Q_{a1}[x_r/a = 0] = 0 \quad x_r = \log [L/L_u]$$

$$Q_{a1}[x_r/a \rightarrow +\infty] = +1 \quad = x - u$$

hgx30-4n, eco30-4n

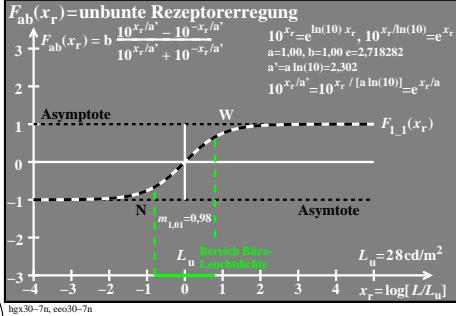


Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

$$\sinh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2} \quad [1], \cosh(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2} \quad [2]$$

$$\tanh(x) = \frac{\sinh(x)}{\cosh(x)} = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} \quad [3]$$

$$\tanh(x/2) = \frac{\sinh(x)}{\cosh(x)+1} = \frac{\cosh(x)+1}{\sinh(x)} = \frac{e^{x/2}-e^{-x/2}}{e^{x/2}+e^{-x/2}} \quad [4]$$

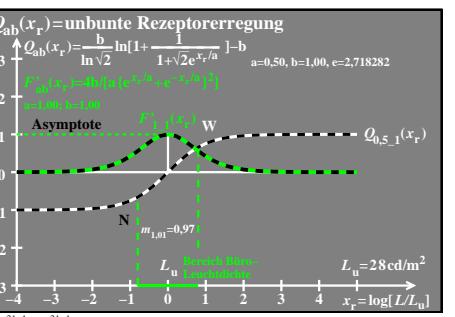
$$\sinh^2(x) + \cosh^2(x) = 1 \quad [5]$$


Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

$$\sinh(x) = \frac{10^{x_r/a'} - 10^{-x_r/a'}}{2} \quad [1], \cosh(x) = \frac{10^{x_r/a'} + 10^{-x_r/a'}}{2} \quad [2]$$

$$\tanh(x) = \frac{\sinh(x)}{\cosh(x)} = \frac{10^{x_r/a'} - 10^{-x_r/a'}}{10^{x_r/a'} + 10^{-x_r/a'}} \quad [3]$$

$$\tanh(x/2) = \frac{\sinh(x)}{\cosh(x)+1} = \frac{\cosh(x)+1}{\sinh(x)} = \frac{10^{x_r/2a'} - 10^{-x_r/2a'}}{10^{x_r/2a'} + 10^{-x_r/2a'}} \quad [4]$$

$$\sinh^2(x) + \cosh^2(x) = 1 \quad [5]$$


Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

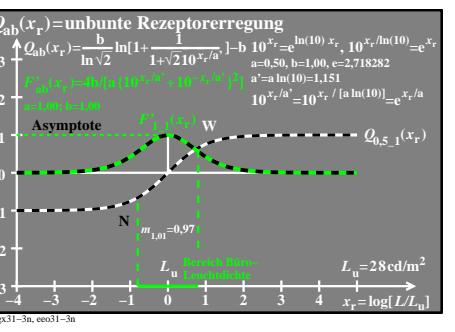
$$F(x) = \tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{u(x)}{v(x)} \quad [1]$$

$$F'(x) = \frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{v^2(x)} = \frac{v^2(x) - u^2(x)}{v^2(x)} \quad [2]$$

$$F'(x) = \frac{[e^x + e^{-x}][e^x - e^{-x}] - [e^x - e^{-x}][e^x + e^{-x}]}{[e^x + e^{-x}]^2} \quad [3]$$

$$F'(x) = \frac{4}{[e^x + e^{-x}]^2} = \frac{1}{\cosh^2(x)} \quad [4]$$

hgx31-2n, eco31-2n



Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

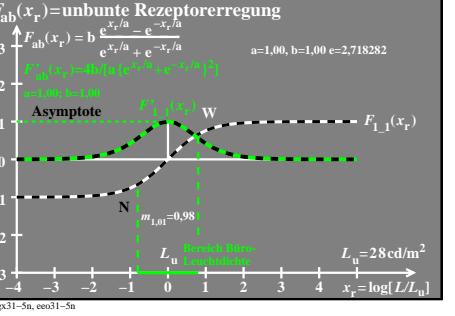
$$F(x/a) = \tanh(x/a) = \frac{e^x/a - e^{-x/a}}{e^x/a + e^{-x/a}} = \frac{u(x/a)}{v(x/a)} \quad [1]$$

$$F'(x/a) = \frac{u'(x/a)v(x/a) - u(x/a)v'(x/a)}{v^2(x/a)} \quad [2]$$

$$F'(x/a) = \frac{v^2(x/a) - u^2(x/a)}{av^2(x/a)} \quad [3]$$

$$F'(x/a) = \frac{4}{a [e^x/a + e^{-x/a}]^2} = \frac{1}{a \cosh^2(x/a)} \quad [4]$$

hgx31-4n, eco31-4n



Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

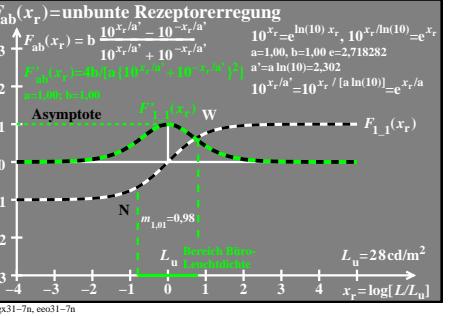
$$F_{1b}(x) = \tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{u(x)}{v(x)} \quad [1]$$

$$F'_{1b}(x) = b \frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{v^2(x)} \quad [2]$$

$$F'_{1b}(x) = b \frac{v^2(x) - u^2(x)}{av^2(x)} \quad [3]$$

$$F'_{1b}(x) = \frac{4b}{[e^x + e^{-x}]^2} = \frac{b}{\cosh^2(x)} \quad [4]$$

hgx31-6n, eco31-6n



Mathematikgleichungen der Hyperbelfunktionen
Siehe: Papula, L., (2003), Mathematische Formelsammlung, Vieweg

$$F_{ab}(x/a) = \tanh(x/a) = \frac{e^x/a - e^{-x/a}}{e^x/a + e^{-x/a}} = \frac{u(x/a)}{v(x/a)} \quad [1]$$

$$F'_{ab}(x/a) = b \frac{u'(x/a)v(x/a) - u(x/a)v'(x/a)}{v^2(x/a)} \quad [2]$$

$$F'_{ab}(x/a) = b \frac{v^2(x/a) - u^2(x/a)}{av^2(x/a)} \quad [3]$$

$$F'_{ab}(x/a) = \frac{4b}{a [e^x/a + e^{-x/a}]^2} = \frac{b}{a \cosh^2(x/a)} \quad [4]$$

hgx31-8n, eco31-8n